

<電磁気学>

問題1：図1のように、真空中に置かれた長さ $2L$ の線状の導線に、電流 I が流れている。真空中の透磁率を μ_0 とする。図1内の θ は、 xy 平面における周方向の角度を示す。以下の(1)と(2)の問いに答えよ。なお、計算には以下の積分公式を用いて良い。

$$\int \frac{1}{\sqrt{r^2+z^2}} dz = \log(\sqrt{r^2+z^2} + z) + C \quad (C \text{ は積分定数})$$

- (1) この導線の中心から距離 r 離れた地点におけるベクトルポテンシャル A を求めよ。
- (2) この導線の中心から距離 r 離れた地点における磁束密度 B を求めよ。

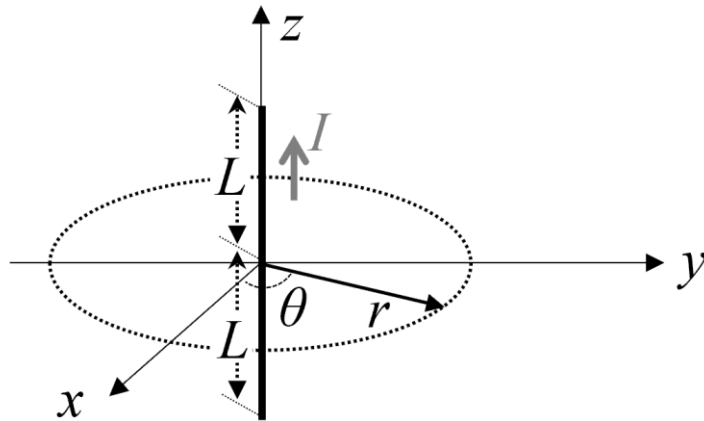


図1

(次ページに続く)

問題 2 : 図 2 のように誘電率と透磁率がそれぞれ ϵ_1, μ_1 及び ϵ_2, μ_2 である 2 つの媒体 (媒質 1 及び媒質 2) が接する境界 (xy) 面に、媒質 1 から媒質 2 へ入射する電磁波を考える。入射波 E_i は下式のような z 軸方向と角 θ_1 をなし、速度 V_1 で入射する平面波を仮定する。以下の (1) と (2) の問いに答えよ。なお、 E_{i0} は入射波の振幅強度、 i は虚数単位、 ω は角振動数、 L は電磁波の伝搬経路に沿った長さ、 t は時間を示すものとする。

(1) 屈折波の振幅強度を E_{p0} として、屈折波 E_p とその速度 V_p を求めよ。

(2) 境界面における電束密度の連続性の条件より、屈折波の方向 θ_2 を求めよ。

$$\text{入射波 : } E_i = E_{i0} e^{-i\omega\left(\frac{L \sin \theta_1}{V_1} - t\right)}$$

$$\text{入射波の速度 : } V_1 = \frac{1}{\sqrt{\mu_1 \epsilon_1}}$$

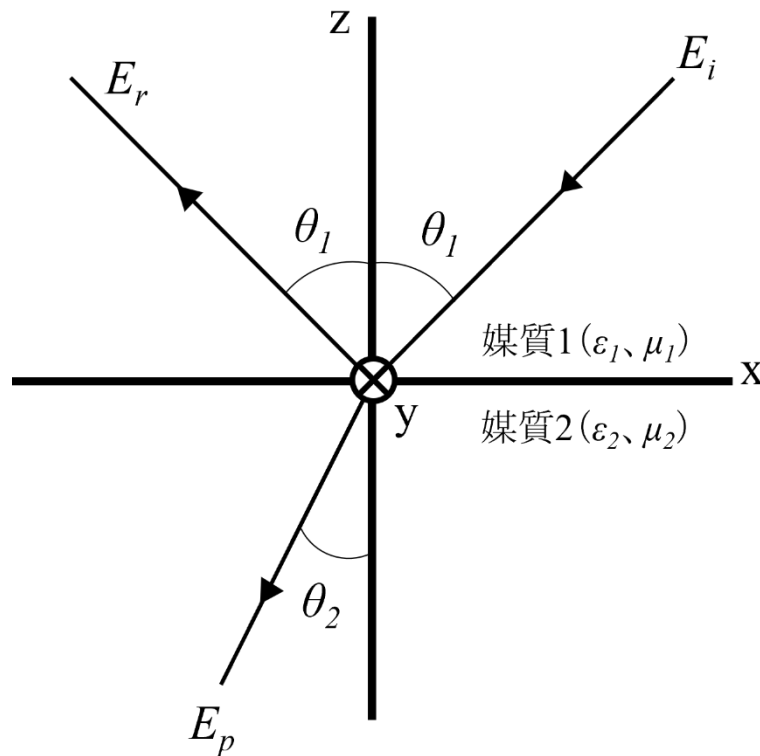


図 2